

1.515. Решите квадратное неравенство:

а) $x^2 - 2x - 15 > 0$; б) $x^2 + 7x \leq 0$;
 в) $x^2 - 9 \geq 0$; г) $x^2 - 3x + 5 < 0$.

1.516. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} 2y - x = 5, \\ x^2 - xy - y^2 = -29. \end{cases}$$

1.517. Выберите функции, графики которых параллельны:

а) $y = 2x + 1$; б) $y = -3 + 2x$; в) $y = 2 + x$; г) $y = \frac{6x - 5}{3}$.

§ 12. Формулы преобразования суммы и разности синусов (косинусов) в произведение



1.518. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} 2x + 7y = 3, \\ 3x + 5y = 1 \end{cases}$$
 способом сложения.

1.519. Сравните значения выражений $\sin 30^\circ + \sin 60^\circ$ и $\sin 90^\circ$.

1.520. Верно ли, что $\cos 90^\circ - \cos 30^\circ > \cos 60^\circ$?



Формулы синуса суммы и разности двух углов можно использовать для получения новых формул, необходимых для решения уравнений, изучения свойств функций и т. п.

Например, решим уравнение $\sin x + \sin 5x = 0$.

Для решения данного уравнения сумму $\sin x + \sin 5x$ удобно представить в виде произведения и затем воспользоваться условием равенства нулю произведения.

Выведем формулу, преобразующую сумму синусов в произведение.

Сложим почленно два равенства:

$$\begin{aligned} & \sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta \\ + & \sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta \\ \hline & \sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta) = 2\sin \alpha \cos \beta \end{aligned}$$

Обозначим $\alpha + \beta = x$, $\alpha - \beta = y$ и решим систему уравнений
$$\begin{cases} \alpha + \beta = x, \\ \alpha - \beta = y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \alpha + \beta = x, \\ \alpha - \beta = y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \alpha + \beta = x, \\ 2\alpha = x + y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \alpha + \beta = x, \\ \alpha = \frac{x + y}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \beta = x - \frac{x + y}{2}, \\ \alpha = \frac{x + y}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \beta = \frac{x - y}{2}, \\ \alpha = \frac{x + y}{2} \end{cases}$$

Подставим выражения для α и β в равенство $\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta) = 2\sin\alpha \cos\beta$ и получим **формулу суммы синусов двух углов**: $\sin x + \sin y = 2\sin\frac{x+y}{2}\cos\frac{x-y}{2}$.

Вернемся к решению уравнения $\sin x + \sin 5x = 0$ и применим формулу суммы синусов: $\sin x + \sin 5x = 0 \Leftrightarrow 2\sin\frac{x+5x}{2}\cos\frac{x-5x}{2} = 0 \Leftrightarrow$

$$\Leftrightarrow 2\sin 3x \cos(-2x) = 0 \Leftrightarrow 2\sin 3x \cos 2x = 0 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \sin 3x = 0, \\ \cos 2x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x = \pi n, n \in \mathbf{Z}, \\ 2x = \frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbf{Z} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi n}{3}, n \in \mathbf{Z}, \\ x = \frac{\pi}{4} + \frac{\pi k}{2}, k \in \mathbf{Z}. \end{cases}$$

Ответ: $\frac{\pi n}{3}, n \in \mathbf{Z}; \frac{\pi}{4} + \frac{\pi k}{2}, k \in \mathbf{Z}$.

Вычтя из равенства $\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha \cos\beta + \cos\alpha \sin\beta$ равенство $\sin(\alpha - \beta) = \sin\alpha \cos\beta - \cos\alpha \sin\beta$, можно получить **формулу разности синусов двух углов**: $\sin x - \sin y = 2\sin\frac{x-y}{2}\cos\frac{x+y}{2}$.

Аналогично, с помощью равенств $\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cos\beta - \sin\alpha \sin\beta$ и $\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha \cos\beta + \sin\alpha \sin\beta$ можно получить **формулы**

- **суммы косинусов двух углов**: $\cos x + \cos y = 2\cos\frac{x+y}{2}\cos\frac{x-y}{2}$;
- **разности косинусов двух углов**: $\cos x - \cos y = -2\sin\frac{x-y}{2}\sin\frac{x+y}{2}$.

Пример 1. Представьте в виде произведения:

- $\sin 7x + \sin 3x$;
- $\sin 7x - \sin 3x$;
- $\cos 7x + \cos 3x$;
- $\cos 7x - \cos 3x$.

Решение. Применим формулы преобразования суммы и разности в произведение и получим:

- $\sin 7x + \sin 3x = 2\sin\frac{7x+3x}{2}\cos\frac{7x-3x}{2} = 2\sin 5x \cos 2x$;
- $\sin 7x - \sin 3x = 2\sin\frac{7x-3x}{2}\cos\frac{7x+3x}{2} = 2\sin 2x \cos 5x$;
- $\cos 7x + \cos 3x = 2\cos\frac{7x+3x}{2}\cos\frac{7x-3x}{2} = 2\cos 5x \cos 2x$;
- $\cos 7x - \cos 3x = -2\sin\frac{7x-3x}{2}\sin\frac{7x+3x}{2} = -2\sin 2x \sin 5x$.

$$\sin x + \sin y = 2\sin\frac{x+y}{2}\cos\frac{x-y}{2}$$

$$\sin x - \sin y = 2\sin\frac{x-y}{2}\cos\frac{x+y}{2}$$

$$\cos x + \cos y = 2\cos\frac{x+y}{2}\cos\frac{x-y}{2}$$

$$\cos x - \cos y = -2\sin\frac{x-y}{2}\sin\frac{x+y}{2}$$

Пример 2. Сократите дробь $\frac{\sin 6x + \sin 8x}{\sin 6x - \sin 8x}$.

Решение. Применим формулы суммы и разности синусов двух углов:

$$\frac{\sin 6x + \sin 8x}{\sin 6x - \sin 8x} = \frac{2\sin 7x \cos(-x)}{2\sin(-x)\cos 7x} = \frac{\sin 7x \cos x}{-\sin x \cos 7x} = -\operatorname{tg} 7x \operatorname{ctg} x.$$



Примеры основных заданий и их решения

1. Найдите значение выражения $\cos 75^\circ + \cos 15^\circ$.

Решение. Применим формулу суммы косинусов:

$$\begin{aligned} \cos 75^\circ + \cos 15^\circ &= 2\cos \frac{75^\circ + 15^\circ}{2} \cos \frac{75^\circ - 15^\circ}{2} = 2\cos 45^\circ \cos 30^\circ = \\ &= 2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{6}}{2}. \end{aligned}$$

2. Докажите тождество $\frac{\sin 3\alpha + \sin 5\alpha}{\cos 3\alpha + \cos 5\alpha} = \operatorname{tg} 4\alpha$.

Решение. Воспользуемся формулами суммы синусов и суммы косинусов двух углов:

$$\frac{\sin 3\alpha + \sin 5\alpha}{\cos 3\alpha + \cos 5\alpha} = \frac{2\sin \frac{3\alpha + 5\alpha}{2} \cos \frac{3\alpha - 5\alpha}{2}}{2\cos \frac{3\alpha + 5\alpha}{2} \cos \frac{3\alpha - 5\alpha}{2}} = \frac{2\sin 4\alpha \cos(-\alpha)}{2\cos 4\alpha \cos(-\alpha)} = \frac{\sin 4\alpha}{\cos 4\alpha} = \operatorname{tg} 4\alpha.$$

3. Вычислите:

а) $\frac{\sin 32^\circ - \sin 58^\circ}{\sin 13^\circ}$; б) $\frac{\cos 74^\circ - \cos 14^\circ}{\sin 74^\circ + \sin 14^\circ}$.

Решение. а)
$$\frac{\sin 32^\circ - \sin 58^\circ}{\sin 13^\circ} = \frac{2\sin \frac{32^\circ - 58^\circ}{2} \cos \frac{32^\circ + 58^\circ}{2}}{\sin 13^\circ} = \frac{2\sin(-13^\circ)\cos 45^\circ}{\sin 13^\circ} =$$

$$= -\frac{2\sin 13^\circ \cos 45^\circ}{\sin 13^\circ} = -2\cos 45^\circ = -2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = -\sqrt{2};$$

б)
$$\frac{\cos 74^\circ - \cos 14^\circ}{\sin 74^\circ + \sin 14^\circ} = \frac{-2\sin \frac{74^\circ - 14^\circ}{2} \sin \frac{74^\circ + 14^\circ}{2}}{2\sin \frac{74^\circ + 14^\circ}{2} \cos \frac{74^\circ - 14^\circ}{2}} = \frac{-2\sin 30^\circ \sin 44^\circ}{2\sin 44^\circ \cos 30^\circ} = -\frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} =$$

$$= -\operatorname{tg} 30^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{3}.$$

4. Решите уравнение:

а) $\sin 3x + \cos 2x = \sin x$; б) $\sqrt{2} \sin 2x + \cos 5x - \cos 9x = 0$.

Решение. а) Запишем уравнение в виде $\sin 3x - \sin x + \cos 2x = 0$ и применим формулу разности синусов:

$$(\sin 3x - \sin x) + \cos 2x = 0; \quad 2\sin x \cos 2x + \cos 2x = 0;$$

$$\cos 2x (2\sin x + 1) = 0; \quad \begin{cases} \cos 2x = 0, \\ 2\sin x + 1 = 0; \end{cases} \quad \begin{cases} \cos 2x = 0, \\ \sin x = -\frac{1}{2}; \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x = \frac{\pi}{2} + \pi k, \quad k \in \mathbf{Z}, \\ x = (-1)^{n+1} \frac{\pi}{6} + \pi n, \quad n \in \mathbf{Z}; \end{cases} \quad \begin{cases} x = \frac{\pi}{4} + \frac{\pi k}{2}, \quad k \in \mathbf{Z}, \\ x = (-1)^{n+1} \frac{\pi}{6} + \pi n, \quad n \in \mathbf{Z}. \end{cases}$$

Ответ: $\frac{\pi}{4} + \frac{\pi k}{2}, k \in \mathbf{Z}; (-1)^{n+1} \frac{\pi}{6} + \pi n, n \in \mathbf{Z}.$

б) Воспользуемся формулой разности косинусов и получим:

$$\sqrt{2} \sin 2x + (\cos 5x - \cos 9x) = 0; \quad \sqrt{2} \sin 2x - 2\sin 7x \sin(-2x) = 0;$$

$$\sqrt{2} \sin 2x + 2\sin 7x \sin 2x = 0; \quad \sin 2x (\sqrt{2} + 2\sin 7x) = 0;$$

$$\begin{cases} \sin 2x = 0, \\ \sqrt{2} + 2\sin 7x = 0; \end{cases} \quad \begin{cases} \sin 2x = 0, \\ \sin 7x = -\frac{\sqrt{2}}{2}; \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x = \pi k, \quad k \in \mathbf{Z}, \\ 7x = (-1)^{n+1} \frac{\pi}{4} + \pi n, \quad n \in \mathbf{Z}; \end{cases} \quad \begin{cases} x = \frac{\pi k}{2}, \quad k \in \mathbf{Z}, \\ x = (-1)^{n+1} \frac{\pi}{28} + \frac{\pi n}{7}, \quad n \in \mathbf{Z}. \end{cases}$$

Ответ: $\frac{\pi k}{2}, k \in \mathbf{Z}; (-1)^{n+1} \frac{\pi}{28} + \frac{\pi n}{7}, n \in \mathbf{Z}.$



Выберите равенство, верное для любых углов α и β :

а) $\cos \alpha - \cos \beta = \cos(\alpha - \beta)$;

б) $\cos \alpha - \cos \beta = \sin(\alpha - \beta)$;

в) $\cos \alpha - \cos \beta = -2\sin \frac{\alpha + \beta}{2} \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$;

г) $\cos \alpha - \cos \beta = -2\cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$.



1.521. Преобразуйте в произведение:

а) $\cos 5\alpha + \cos 3\alpha$;

б) $\sin 4\alpha - \sin 10\alpha$;

в) $\cos \alpha - \cos 4\alpha$;

г) $\sin 0,5\alpha + \sin 1,5\alpha$.

1.522. Вычислите:

а) $\sin 15^\circ + \sin 105^\circ$;

б) $\cos \frac{\pi}{12} + \cos \frac{7\pi}{12}$.

1.523. Докажите тождество:

$$\text{а) } \frac{\sin \alpha - \sin 5\alpha}{\cos \alpha + \cos 5\alpha} = -\operatorname{tg} 2\alpha;$$

$$\text{б) } \frac{\sin \alpha - \sin \beta}{\cos \alpha + \cos \beta} = \operatorname{tg} \frac{\alpha - \beta}{2}.$$

1.524. Решите уравнение:

$$\text{а) } \sin 4x = \sin 10x;$$

$$\text{б) } \cos\left(2x + \frac{\pi}{4}\right) = -\cos 4x;$$

$$\text{в) } \sin\left(\frac{\pi}{4} - x\right) + \sin\left(\frac{\pi}{12} + x\right) = 1.$$

1.525. Найдите значение выражения:

$$\text{а) } \sin 10^\circ + \sin 50^\circ - \cos 20^\circ;$$

$$\text{б) } \cos \frac{17\pi}{36} + \cos \frac{7\pi}{36} - \cos \frac{5\pi}{36};$$

$$\text{в) } \frac{\sin 35^\circ + \sin 85^\circ}{\cos 25^\circ};$$

$$\text{г) } \frac{\cos 59^\circ - \cos 1^\circ}{\sin 59^\circ - \sin 1^\circ}.$$

1.526. Упростите выражение:

$$\text{а) } \frac{\sin 4\alpha}{\sin \alpha - \sin 3\alpha};$$

$$\text{б) } \frac{\sin \alpha - 2\sin 2\alpha + \sin 3\alpha}{\cos \alpha - 2\cos 2\alpha + \cos 3\alpha}.$$

1.527. Докажите тождество

$$\frac{\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) + \sin\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)}{\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) - \sin\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)} = \operatorname{ctg} \alpha.$$

1.528. Найдите значение выражения:

$$\text{а) } \sin 58^\circ + \cos 28^\circ - \sqrt{3} \cos 2^\circ;$$

$$\text{б) } \frac{\sin \frac{7\pi}{18} - \sin \frac{\pi}{9}}{\cos \frac{7\pi}{18} - \cos \frac{\pi}{9}};$$

$$\text{в) } \frac{\sin \frac{5\pi}{12} - \sin \frac{\pi}{12}}{\cos \frac{\pi}{6} \cos \frac{\pi}{12} - \sin \frac{\pi}{6} \sin \frac{\pi}{12}}.$$

1.529. Решите уравнение:

$$\text{а) } \cos x - \sin 3x = \cos 5x;$$

$$\text{б) } 5\sin 2x = \sin 9x - \sin 5x;$$

$$\text{в) } \sin x \cos 2x - \cos x \sin 2x = \sin 3x;$$

$$\text{г) } \sin 3x + \sin x = 2\sin^2 2x.$$

1.530. Преобразуйте в произведение:

$$\text{а) } \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha + \cos 6\alpha;$$

$$\text{б) } 2\cos \alpha \sin \alpha + \sin 4\alpha.$$

1.531. Вычислите:

$$\text{а) } \sin 75^\circ + \cos 75^\circ;$$

$$\text{б) } \sin 15^\circ + \cos 15^\circ;$$

$$\text{в) } \sin \frac{5\pi}{12} - \cos \frac{5\pi}{12}.$$

1.532. Упростите выражение $\left(\frac{\sin \alpha}{\cos 2\alpha} + \frac{\cos \alpha}{\sin 2\alpha}\right) \frac{\sin 7\alpha + \sin \alpha}{\cos \alpha}.$



1.533. Преобразуйте в произведение:

- а) $\cos 8\alpha + \cos 4\alpha$; б) $\sin 2\alpha - \sin 5\alpha$;
 в) $\cos \alpha - \cos 3\alpha$; г) $\sin \alpha + \sin 10\alpha$.

1.534. Вычислите:

- а) $\sin 105^\circ - \sin 75^\circ$; б) $\sin 75^\circ + \sin 15^\circ$.

1.535. Докажите тождество:

- а) $\frac{\sin \alpha + \sin 3\alpha}{\cos \alpha + \cos 3\alpha} = \operatorname{tg} 2\alpha$; б) $\frac{\cos\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) + \cos\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)}{\cos\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) - \cos\left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)} = -\operatorname{ctg} \alpha$.

1.536. Решите уравнение:

- а) $\cos 5x = \cos 7x$; б) $\sin\left(6x - \frac{\pi}{3}\right) = \sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right)$;
 в) $\cos(40^\circ - x) + \cos(80^\circ + x) = 1$.

1.537. Найдите значение выражения:

- а) $\cos 85^\circ + \cos 35^\circ - \cos 25^\circ$; б) $\sin \frac{\pi}{18} + \sin \frac{5\pi}{18} - \cos \frac{\pi}{9}$;
 в) $\frac{\cos 24^\circ - \cos 84^\circ}{\sin 54^\circ}$; г) $\frac{\cos 89^\circ + \cos 1^\circ}{\sin 89^\circ + \sin 1^\circ}$.

1.538. Упростите выражение:

- а) $\frac{\sin \alpha + \sin \beta}{\cos \alpha - \cos \beta}$; б) $\frac{\sin 4\alpha}{\cos 3\alpha + \cos \alpha}$; в) $\frac{\sin \alpha + \sin 3\alpha + \sin 5\alpha}{\cos \alpha + \cos 3\alpha + \cos 5\alpha}$.

1.539. Найдите значение выражения:

- а) $\cos 80^\circ + \cos 40^\circ - \cos 20^\circ$; б) $\cos 47^\circ + \sin 77^\circ - \sqrt{3} \cos 17^\circ$;
 в) $\frac{\cos 29^\circ - \cos 91^\circ}{\sin 31^\circ}$; г) $\frac{\sin \frac{5\pi}{18} + \sin \frac{2\pi}{9}}{\cos \frac{5\pi}{18} + \cos \frac{2\pi}{9}}$;
 д) $\frac{\cos 25^\circ \cos 15^\circ - \sin 25^\circ \sin 15^\circ}{\cos 100^\circ + \cos 20^\circ}$; е) $\frac{\cos \frac{5\pi}{12} + \cos \frac{\pi}{12}}{\cos \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{12} + \sin \frac{\pi}{3} \sin \frac{\pi}{12}}$.

1.540. Решите уравнение:

- а) $\cos x - \cos 7x = \sin 3x$; б) $7\sin 2x = \sin 7x - \sin 3x$;
 в) $\cos x \cos 2x + \sin x \sin 2x = \cos 3x$; г) $\cos x + \cos 2x + \cos 3x = 0$.

1.541. Упростите выражение $\left(\frac{\sin \alpha}{\sin 2\alpha} - \frac{\cos \alpha}{\cos 2\alpha}\right) \frac{\cos \alpha - \cos 7\alpha}{\sin \alpha}$.

1.542. Найдите значение выражения:

а) $\cos 70^\circ + \sin 140^\circ - \cos 10^\circ$; б) $\frac{\sin^2 49^\circ - \cos^2 49^\circ}{\cos 53^\circ - \cos 37^\circ}$.



1.543. Найдите значение выражения $\sqrt{45} - 11\sqrt{1\frac{1}{4}} + \sqrt{61\frac{1}{4}}$.

1.544. Найдите произведение корней уравнения $\frac{x}{x^2 - 25} + \frac{x + 4}{x + 5} = 0$.

1.545. Цена товара сначала увеличилась на 10 %, а затем уменьшилась на 25 % по сравнению с увеличенной ценой. В результате товар подешевел на 7 р. Найдите, сколько стоил товар первоначально.

Итоговая самооценка

После изучения этой главы я должен:

- знать определения синуса, косинуса, тангенса, котангенса угла;
- знать свойства тригонометрических функций;
- знать формулы тригонометрии;
- уметь интерпретировать определение и свойства синуса, косинуса, тангенса, котангенса с помощью тригонометрической окружности;
- уметь применять формулы для решения простейших тригонометрических уравнений;
- уметь применять алгоритмы решения тригонометрических уравнений основных типов;
- уметь выполнять построение графиков тригонометрических функций и выполнять преобразования графиков тригонометрических функций;
- уметь выполнять преобразования тригонометрических выражений с помощью формул приведения, сложения, суммы и разности, двойного аргумента, одного аргумента;
- уметь выполнять задания на применение формул тригонометрии для решения уравнений, вычисления значений выражений;
- уметь применять правила и алгоритмы преобразования тригонометрических выражений для изучения свойств функций.

Я проверяю свои знания

1. Точка P_α единичной окружности имеет координаты $P_\alpha\left(-\frac{1}{3}; \frac{2\sqrt{2}}{3}\right)$. Выберите верные равенства:

а) $\sin \alpha = -\frac{1}{3}$; б) $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$; в) $\cos \alpha = -\frac{1}{3}$; г) $\cos \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$.

2. а) Выразите в градусах угол $\frac{7\pi}{18}$ рад;

б) выразите в градусах угол $-2,8$ рад;

в) выразите в радианах угол -240° .

3. Найдите значение выражения:

а) $8 \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right) - \cos\left(-\frac{\pi}{6}\right)$; б) $\operatorname{tg}\frac{\pi}{4} \operatorname{ctg}\frac{\pi}{3} - 2 \sin^2\left(-\frac{\pi}{6}\right)$;

в) $\cos 180^\circ + \sin 270^\circ$.

4. Упростите выражение:

а) $\cos(\pi - \alpha) + \cos(-\alpha)$; б) $\sin(-\alpha) + \cos\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right)$;

в) $\operatorname{tg}^2(\pi - \alpha) + \sin^2(-\alpha) + \sin^2\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)$.

5. Найдите значение выражения:

а) $\cos(-315^\circ) \cdot \operatorname{ctg}(-240^\circ)$;

б) $\sqrt{3} \sin \frac{4\pi}{3} + \operatorname{tg}^2 \frac{5\pi}{4}$;

в) $\cos 139^\circ \cos 19^\circ + \sin 139^\circ \sin 19^\circ$;

г) $\frac{1 - \operatorname{tg} 12^\circ \operatorname{tg} 48^\circ}{\operatorname{tg} 12^\circ + \operatorname{tg} 48^\circ}$;

д) $2 \cos 105^\circ \sin 105^\circ$;

е) $\cos^2 112,5^\circ - \sin^2 112,5^\circ$.

6. Известно, что α и β — углы третьей четверти и $\cos \alpha = -\frac{12}{13}$, $\sin \beta = -\frac{4}{5}$.

Найдите $\sin(\alpha - \beta)$.

7. Решите уравнение:

а) $2 \cos^2 x - 5 \cos x - 3 = 0$;

б) $5 \cos^2 x + 2 \sin^2 x = 0,5 \sin 2x + 3$;

в) $\cos 10x = \cos x$;

г) $\sin 9x \cos x - \cos 9x \sin x = 0,5$;

д) $\sqrt{2} \sin x = \sin 2x$;

е) $\sin\left(\frac{\pi}{12} - x\right) - \sin x = 0$;

ж) $\cos\left(2x + \frac{\pi}{4}\right) \cos x + \sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right) \sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$.

8. Упростите выражение $\frac{\cos \alpha - \cos 2\alpha - \cos 4\alpha + \cos 5\alpha}{\sin \alpha - \sin 2\alpha - \sin 4\alpha + \sin 5\alpha}$ и найдите его значение при $\alpha = \frac{\pi}{18}$.

9. Постройте график функции $y = \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) - 1$ и запишите ее свойства.

10. Найдите абсциссы точек пересечения прямой $y = -1$ и графика функции $y = \sin x + \cos x$.



Дополнительные материалы к учебному пособию «Алгебра, 10» можно найти на сайте <http://e-vedy.edu.by>, курс «Математика. 10 класс».